

Contrôle 1 : Fonctions

Exercice 1

En utilisant le graphique 1:

- 1) Lire les images des nombres suivants : -3,5 ; 0 ; 3 et 5,5
- 2) Déterminer approximativement les antécédents visibles de -1 et 2
- 3) Quel est le maximum de cette fonction ? Quand est-il atteint ?
- 4) Donner une approximation du minimum de la fonction sur l'intervalle $[-3,5 ; 0]$ et une de la valeur pour laquelle le minimum est atteint.
- 5) en considérant que toutes les valeurs trouvées sont exactes, dressez le tableau de variations de la fonction sur $[-3,5 ; 5,5]$

Exercice 2

- 1) le repère proposé à la figure 3 est-il orthogonal ? orthonormal ?
- 2) Dans le repère proposé à la figure 3, dessinez une courbe représentative de fonction compatible avec le tableau de variations proposé en figure 2.

Exercice 3

Complétez comme dans l'exemple le tableau ci-contre:

intervalle	inégalité
$x \in] - \infty ; 10]$	$x \leq 10$
$x \in] - 2 ; 1]$	
	$x < -2$
	$-1 \leq x < 3$
$x \in [5 ; +\infty[$	

Exercice 4

soit la fonction $g(x) = -6x + 17$

- 1) trouver les images de 3 et -7 par cette fonction
- 2) trouver le ou les antécédents de -1
- 3) Déterminer les variations de g (on prends a et b deux réels tels que $a < b \dots$)

Exercice 5

Déterminer les ensembles de définition des fonctions : $j(x) = \frac{2}{\sqrt{x-2}}$; $m(x) = \frac{1}{(x-3)(x+6)}$; $n(x) = \sqrt{2-5x}$

Exercice 6

Soit $f(x) = x^2 + 10x + 3$

- 1) déterminer l'unique antécédent de -22
- 2) prouvez que -22 est le minimum de cette fonction

Exercice Bonus

exprimez y en fonction de x en utilisant l'égalité suivante $(y-5)(x+7) = 8(3y+1)$

Figure 1

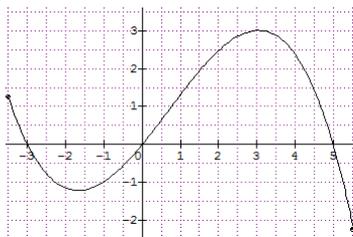
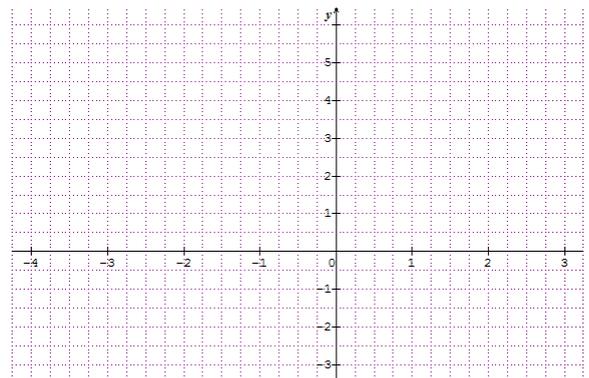


Figure 1

x	-4	-2	3
$f(x)$	3	-2	6

Figure 3

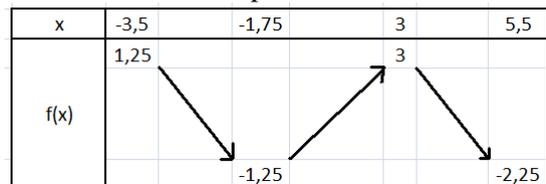


Correction

Exercice 1

En utilisant le graphique 1:

- 1) Lire les images des nombres : -3,5 ; 0 ; 3 et 5,5 semblent être respectivement 1,25 ; 0 ; 3 ; -2,25
- 2) -1 a visiblement -2,25 ; -1 et 5,25 pour antécédents. 2 semble avoir pour antécédent 1,5 et 4,25.
- 3) le maximum de cette fonction est 3 et il est atteint en 3
- 4) Donner une approximation du minimum et une de la valeur pour laquelle le minimum est atteint. Le minimum de la fonction sur l'intervalle [-3,5 ; 0] est environ -1,25 et il est atteint pour $x \approx -1,75$
- 5) tableau de variations de la fonctions sur [-3,5 ; 5,5]



Exercice 2

- 1) le repère proposé à la figure 3 est orthogonal mais pas orthonormal car les axes sont bien perpendiculaires mais leurs unités sont de tailles différentes.
- 2) Dans le repère proposé à la figure 3, dessinez une courbe représentative de fonction compatible avec le tableau de variations proposé en figure 2.

Exercice 3

Complétez comme dans l'exemple le tableau ci-contre:

intervalle	inégalité
$x \in] - \infty ; 10]$	$x \leq 10$
$x \in] - 2 ; 1]$	$-2 < x \leq 1$
$x \in] - \infty ; -2[$	$x < -2$
$x \in [-1 ; 3[$	$-1 \leq x < 3$
$x \in [5 ; +\infty[$	$x \geq 5$

Exercice 4

- 1) Déterminer les variations de $g(x) = -6x + 17$
 - 1) $g(3) = -6 \times 3 + 17 = -1$ $g(-7) = -6 \times (-7) + 17 = -59$
 - 2) $g(x) = -1 \Leftrightarrow -6x + 17 = -1 \Leftrightarrow -6x = -18 \Leftrightarrow x = 3$, donc 3 est l'unique antécédent de -1 par f
 - 3) on prend a et b deux réels tels que $a < b$ donc $-6a > -6b$ donc $-6a + 17 > -6b + 17$ donc $g(a) > g(b)$
- La fonction est donc décroissante sur \mathbb{R}

Exercice 5

Déterminer les ensembles de définition des fonctions : $j(x) = \frac{2}{\sqrt{x-2}}$; $m(x) = \frac{1}{(x-3)(x+6)}$; $n(x) = \sqrt{2-5x}$

Pour j, on veut que le radicande soit strictement positif : $x-2 > 0$ donc $x > 2$ donc $D_j =]2 ; +\infty[$

Pour m on veut que le diviseur soit non nul, recherche des valeurs interdites : $(x-3)(x+6) = 0 \Leftrightarrow x = 3$ ou $x = -6$ donc $D_m = \mathbb{R} - \{-6; 3\}$

Pour que n soit définie on doit avoir $2-5x \geq 0$ Donc $2 \geq 5x$ donc $0,4 \geq x$ ainsi $D_n =]-\infty ; 0,4]$

Exercice 6

Soit $f(x) = x^2 + 10x + 3$

- 1) $f(x) = -22 \Leftrightarrow x^2 + 10x + 3 = -22 \Leftrightarrow x^2 + 10x + 25 = 0 \Leftrightarrow (x+5)^2 = 0 \Leftrightarrow x = -5$ donc -5 est l'unique antécédent de -22
- 2) pour tout x de \mathbb{R} , $f(x) - (-22) = x^2 + 10x + 25 = (x+5)^2$ donc la différence est toujours positive ou nulle ainsi $f(x) - (-22) \geq 0$ donc $f(x) \geq -22$ donc -22 est le minimum de la fonction.

Exercice Bonus

exprimez y en fonction de x en utilisant l'égalité suivante $(y-5)(x+7) = 8(3y+1)$

$$yx + 7y - 5x - 35 = 24y + 8 \quad \text{donc} \quad yx + 7y - 24y = 5x + 35 + 8$$

$$y(x-17) = 5x + 43 \quad \text{donc} \quad y = \frac{5x + 43}{x-17}$$