**Progression classe de seconde**

**(semaines du 30 mars au 5 avril et du 20 au 26)**

*(version 1.03 : 2 avril 2020)*

Nouveau chapitre : fonctions de référence

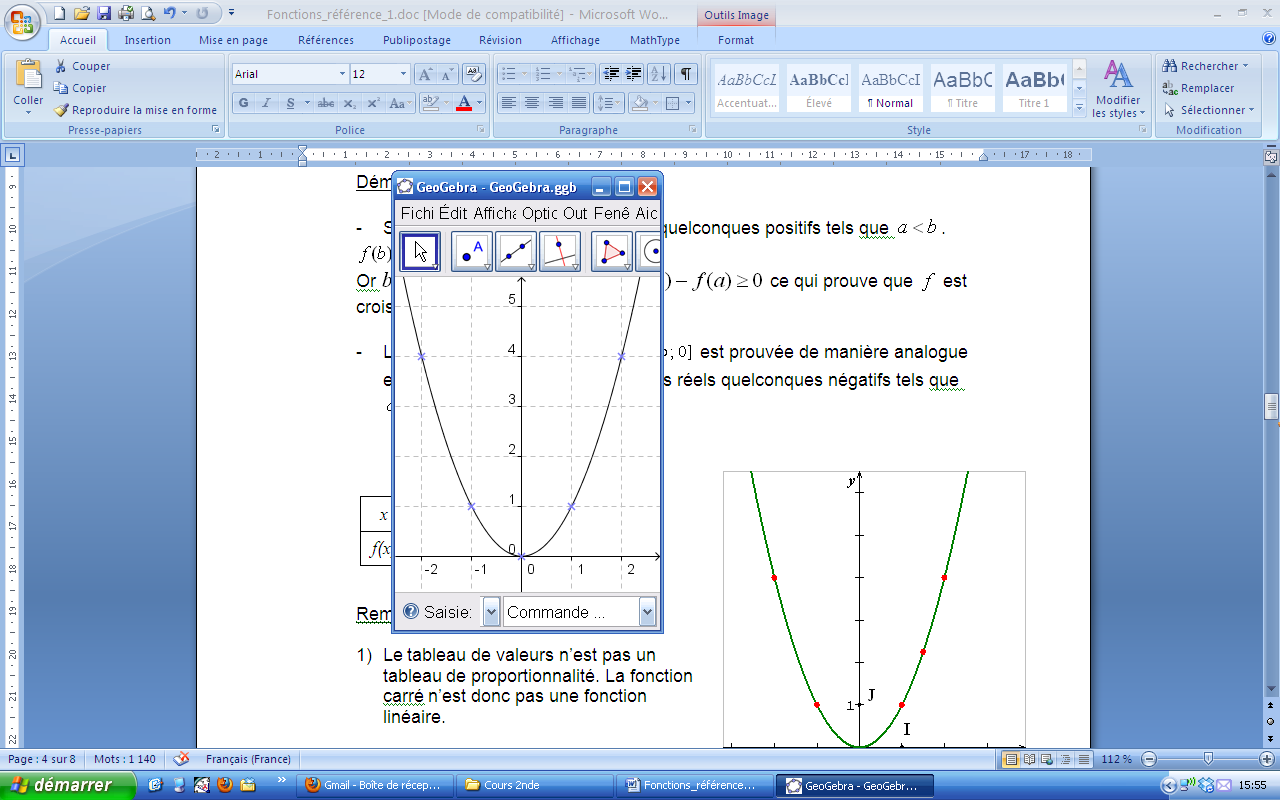
On étudiera quelques fonctions ayant des comportements très caractéristiques.

La première d’entre elles a déjà été évoquée à différentes reprises en classe, c’est un classique, c’est la fonction carré.

## Fonction carré

### Définition

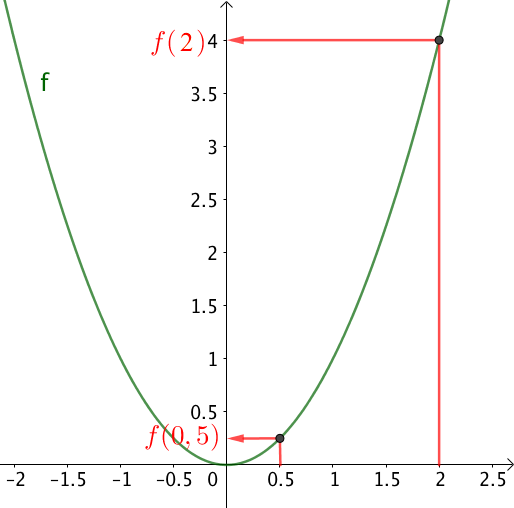
La **fonction carré** *f* est définie sur ℝ par .



1. Représentation graphique

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| *x* | –2 | –1 | 0 | 1 | 2 |
| *f* (*x*) | 4 | 1 | 0 | 1 | 4 |

Remarques :

* Le tableau de valeurs n’est pas un tableau de proportionnalité. La fonction carré n’est donc pas une fonction linéaire.
* Dans un repère (O, I, J), la courbe d’équation de la fonction carré est appelée une **parabole** de sommet O.
* Dans un repère orthogonal, la courbe d’équation de la fonction carré est symétrique par rapport à l’axe des ordonnées.

Méthode : Comparer des images

 **Vidéo** <https://youtu.be/-d3fE8d0YOc>

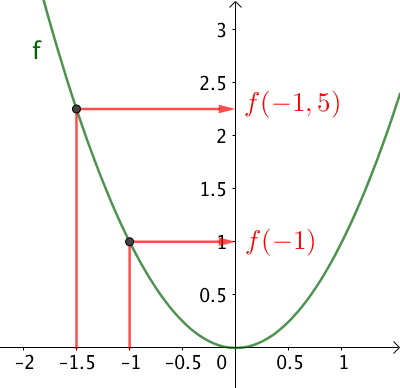
On a représenté graphiquement la fonction carré *f* dans un repère.

1) a) Comparer graphiquement les nombres *f*(0,5) et *f*(2).

b) Même question avec *f*(–1,5) et *f*(–1).

2) Vérifier par calcul le résultat de la question 1b.

1. a) En traçant les images de 0,5 et de 2 par la fonction *f*, on constate que .

b) En traçant les images de –1,5 et de –1 par la fonction *f*, on constate que

.

2) On a .

Ainsi : .

On en déduit que .

**Résolution de**

On remarquera que si , n’a pas de solution, les nombres négatifs n’ont pas d’antécédent par la fonction carré.

Si , aura deux antécédents : et

Le cas où est nul est particulier donc il n’y aura qu’un antécédent (compté deux fois)

**Entrainement 1 :**

Après avoir regardé les deux premières questions corrigées de l’exercice capacité 2 P223 faire les exercices

Exercices 5 et 6 P223

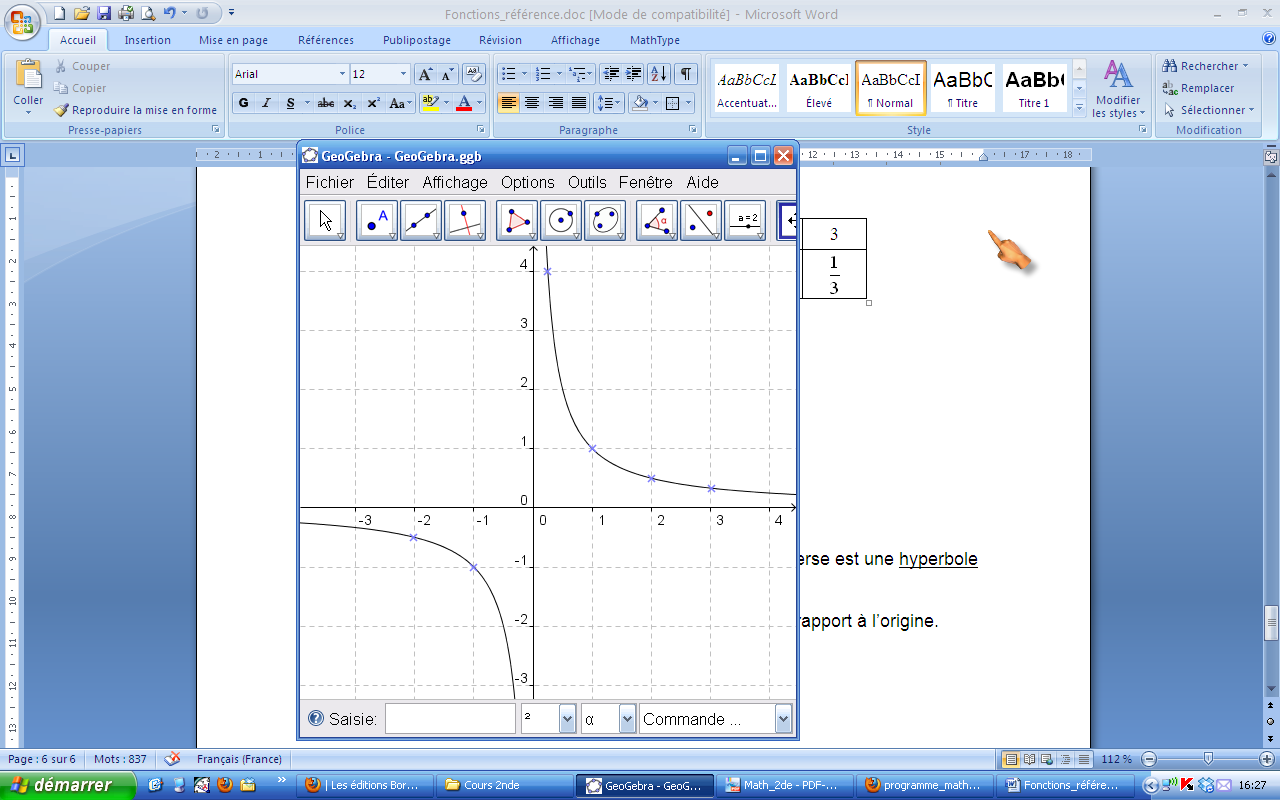
Pour le vrai ou faux 83P235 : pour prouver qu’une propriété est fausse, il suffit de trouver un contre-exemple.

Pour prouver qu’une implication de la forme « Si A alors B » est fausse, il suffit de trouver un exemple on l’on a A sans avoir B

## Fonction inverse

### Définition

La **fonction inverse** *f* est définie sur ℝ**\** par .

Remarques :

* ℝ \ désigne l’ensemble des nombres réels sauf 0, c'est-à-dire ] –∞ ; 0 [ U ] 0 ; +∞ [. On peut aussi noter cet ensemble ℝ\*.
* La fonction inverse n’est pas définie en 0.

1. Représentation graphique

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| *x* | –2 | –1 | 0,25 | 1 | 2 | 3 |
| *f*(*x*) | –0,5 | –1 | 4 | 1 | 0,5 |  |

Remarques :

* Dans un repère (O, I, J), la courbe d’équation de la fonction inverse est une **hyperbole** de centre O.
* La courbe d’équation de la fonction inverse est symétrique par rapport à l’origine.

Entrainement

Exercice 7P223

Pour répondre facilement à cet exercice il faut avoir une hyperbole sous les yeux et une règle pour tracer des droites horizontales.

Exercice 86P235

**Heure 2**

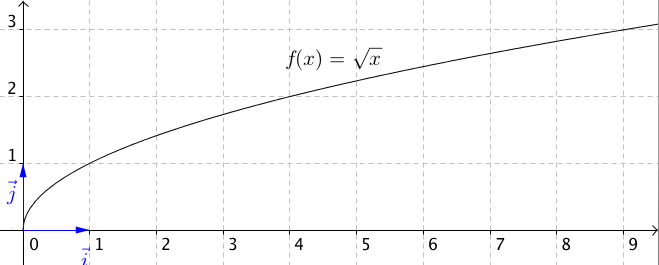
## Fonction racine carrée

### Définition

Définition : La **fonction racine carrée** est la fonction *f* définie sur par

.

1. Représentation graphique



Remarque : La fonction racine carrée n’est pas définie pour des valeurs négatives.

Entrainement :

Exercice 9P223

Bonus 58P233

## Fonction cube

### Description : Capture d’écran 2011-06-10 à 15Définition

Définition : La **fonction cube** est la fonction *f* définie sur par .

1. Représentation graphique

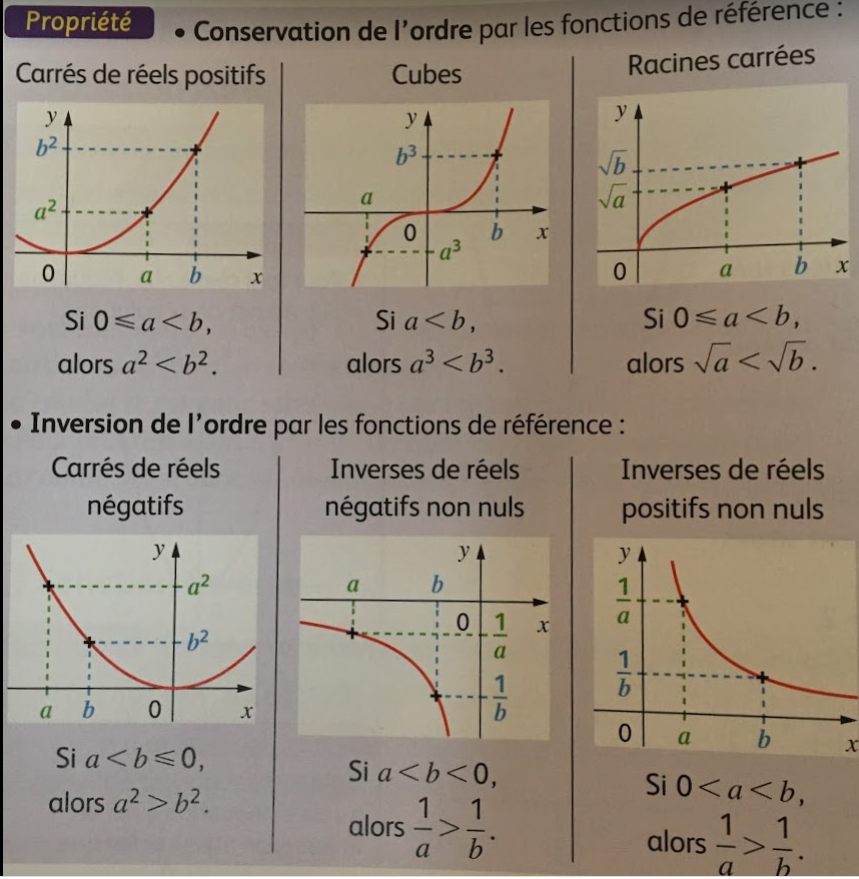
Remarque : Dans un repère orthogonal, la courbe d’équation de la fonction cube est symétrique par rapport au centre

du repère.

Entrainement 8P223

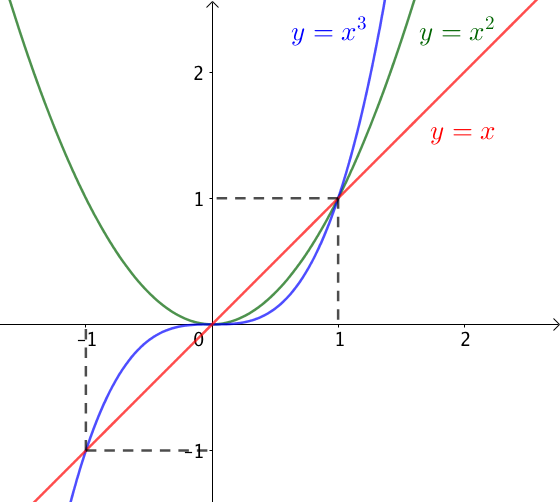
Comparaison d’images

En interprétant les courbes des fonctions de référence on va pouvoir comparer les images de différents nombres par ces fonctions.



Mettre en application ce tableau pour faire les exercices 60 à 63 P233

1. Positions relatives des courbes d’équations : , et



Pour des valeurs positives de *x*, on a :

* Si  : La courbe d’équation se trouve au-dessus de

la courbe d’équation qui se trouve elle-même au-dessus de

la courbe d’équation .

* Si  : L’ordre précédent est inversé.

**Démonstration au programme :**

 **Vidéo** <https://youtu.be/op54acayjIQ>

1er cas : si  :

- Pour étudier les positions relatives des courbes d’équations et ,

il suffit d’étudier le signe de .

Or, car .

Donc, la courbe d’équation se trouve au-dessus de la courbe d’équation

.

- Pour étudier les positions relatives des courbes d’équations et ,

il suffit d’étudier le signe de .

Or, car .

Donc la courbe d’équation se trouve au-dessus de la courbe d’équation

.

2e cas : si   :

- Dans ce cas, car et .

Donc, la courbe d’équation se trouve en dessous de la courbe d’équation

.

- Et, car .

Donc la courbe d’équation se trouve en dessous de la courbe d’équation

.

Pour l’heure 3

Exercices 50 et 51 P 232

**Heure 3**

La correction des Exercices 50 et 51 P 232 sera faite une autre fois

On va se concentrer sur le nouveau chapitre

# STATISTIQUES DESCRIPTIVES

1. Caractéristiques de position d’une série statistique (Rappels)
2. Série statistique

Voici les séries de notes obtenues par 3 élèves :

*Jérôme :* 4 ; 6 ; 18 ; 7 ; 17 ; 12 ; 12 ; 18 *Julie :* 15; 9; 14; 13; 10 ; 12 ; 12 ; 11 ; 10

*Bertrand :* 13 ; 13 ; 12 ; 10 ; 12 ; 3 ; 14 ; 12 ; 14 ; 15

1. Moyenne

Méthode : Calculer une moyenne

Calculer la moyenne pour chaque série de notes de Jérôme, de Bertrand et de Julie.

*M(Jérôme)* = (4 + 6 + 18 + 7 + 17 + 12 + 12 + 18) : 8 ≈ 11,8

*M(Bertrand)* = (13 + 13 + 12 + 10 + 12 + 3 + 14 + 12 + 14 + 15) : 10 = 11,8

*M(Julie)* = (15 + 9 +14 + 13 + 10 + 12 + 12 + 11 + 10) : 9 ≈ 11,8

La moyenne est une caractéristique de position.

1. Médiane

Méthode : Calculer une médiane

Calculer la médiane pour chaque série de notes de Jérôme, de Bertrand et de Julie.

Pour déterminer les notes médianes, il faut ordonner les séries. La médiane partage l’effectif en deux.

*Jérôme :* 4 6 7 12 12 17 18 18

4 données 4 données

*m(Jérôme)* = 12

*Bertrand :* 3 10 12 12 12 13 13 14 14 15

5 données 5 données

*m(Bertrand)* = (12 + 13) : 2 = 12,5

*Julie :* 9 10 10 11 12 12 13 14 15

4 données 4 données

*m(Julie)* = 12

Définition :

La **médiane** *m* est une valeur telle que la moitié au moins de l’effectif ait des valeurs inférieures ou égales à *m*, l’autre moitié des valeurs supérieures ou égales à *m*.

La médiane est une caractéristique de position.

Méthode pour déterminer la médiane d’une série

**Exemples**

1)Données discrètes "en vrac"

10, 7, 12, 18, 16, 15, 5, 11, 11, 20, 15, 11, 18, 14

Ordonnons la série par ordre croissant : 5, 7, 10, 11, 11, 11, 12, 14, 15, 15, 16, 18, 18, 20

Il y a 14 termes or = 7,5.

La médiane est donc la demi somme des 7ème et 8ème termes : méd = = 13

2) voici la série des tailles des élèves de 2nde5 en cm :

*174 – 160 – 161 – 166 – 177 – 172 – 157 – 175 – 162 – 169 – 160 – 165 – 170 – 152 – 168 – 156 – 163 – 167 – 169 – 158 – 164 – 151 – 162 – 166 – 156 – 165 – 179*

Regrouper cette série de tailles par classes de longueur 5 cm et calculer les fréquences arrondies au centième :

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Tailles | 150 t < 155 | 155 t < 160 | 160 t < 165 | 165 t < 170 | 170 t < 175 | 175 t < 180 |
| Effectifs | *2* |  |  |  |  |  |
| Fréquences | *≈ 0,07* |  |  |  |  |  |

*L’effectif total est ….*

3)

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| valeurs | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
| effectifs | 6 | 11 | 25 | 19 | 15 | 5 |
| effectifs cumulés |  |  |  |  |  |  |

Pour savoir comment gérer la ligne d’effectifs cumulés : <https://www.youtube.com/watch?v=zJ625zpPTds>

Pour savoir quoi mettre dans la colonne de la valeur 4, par exemple, je dois me demander combient y a-t-il d’éléments ayant une valeur inférieure ou égale à 4. La réponse est les 19 ayant 4, auquels je dois ajouter les effectifs associés à toutes les valeurs plus petites que 4, c’est-à-dire les 25 ayant pour valeur 3, les 11 ayant pour valeur 2 et les 6 ayant pour valeur 1 ainsi notre effectif cumulé associé à la valeur 4 sera : .

Avec un tableau d'effectifs

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| valeurs | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
| effectifs | 6 | 11 | 25 | 19 | 15 | 5  Attention, il faut bien interpréter cette dernière ligne : Les données qui valent 3 ont un rang compris entre 18 et 42 inclus |
| effectifs cumulés | 6 | 17 | 42 | 61 | 76 | 81 |

L'effectif total est de 81 or = 41. La médiane est donc le 41ème terme : méd = 3

4)

Avec des données réparties par classes

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| classe | [0 ; 2[ | [2 ; 4[ | [4 ; 6[ | [6 ; 8] |
| fréquence | 10% | 38% | 45% | 7% |
| fréquence cumulée | 10% | 48% | 93% | 100% |

48% des valeurs sont strictement inférieures à 4

Et 93% des valeurs sont strictement inférieures à 6

La classe médiane est donc la classe [4 ; 6[

On peut donc en déduire l'encadrement suivant 4 méd < 6

**Application**

Déterminer la moyenne et la médiane des séries suivantes :

**Série 1**

|  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **Valeur** | 5 | 9 | 13 | 17 | 19 | 25 | 27 |
| **effectif** | 3 | 5 | 7 | 2 | 8 | 3 | 7 |

**Série 2**

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **Valeur** | 115 | 100 | 75 | 35 | 22 | 10 |
| **effectif** | 100 | 80 | 75 | 65 | 120 | 35 |
| ***effectif cumulés croissants*** |  |  |  |  |  |  |

**Série 3**

On s’intéresse aux deux classes de secondes

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **milieu de classe** | **Durée** | | | | | **effectif** | **effectif cumulé** | **Fréq %** | **Fréq cum %** |
|  | [ | 1000 | ; | 1200 | [ | 6 |  |  |  |
|  | [ | 1200 | ; | 1300 | [ | 14 |  |  |  |
|  | [ | 1300 | ; | 1400 | [ | 25 |  |  |  |
|  | [ | 1400 | ; | 1500 | [ | 75 |  |  |  |
|  | [ | 1500 | ; | 1600 | [ | 80 |  |  |  |
|  | [ | 1600 | ; | 1700 | [ | 10 |  |  |  |
|  | [ | 1700 | ; | 1800 | [ | 8 |  |  |  |
|  | [ | 1800 | ; | 2100 | [ | 2 |  |  |  |

Les notes de la seconde 4 au DS1 de mathématiques sont :

3,5 ;5 ;5 ;8 ;11 ;11,5 ;12 ;12,5 ;12,5 ;14 ;14 ;15 ;15,5 ;16 ;16,5 ;16,5 ;17 ;17 ;17,5 ;18,5 ;19 ;19 ;20

Les notes de la seconde 14 au DS1 de mathématiques sont :

3,5 ;10,5 ;11,5 ;11,5 ;12,5 ;12,5 ;13 ;14,5 ;14,5 ;14,5 ;15 ;15 ;15,5 ;16 ;17 ;17 ;

17,5 ;18 ;18 ;18,5 ;19 ;19 ;19 ;19 ;19 ;19,5 ;20 ;20 ;20 ;20 ;20 ;20 ;20

1) Déterminer pour chaque classe l’effectif, moyenne, médiane, Q1, Q3, étendue

2) Calculer la moyenne de tous les élèves secondes

**Série 4**

Complétez le tableau et s’en servir pour déterminer l’étendue, la moyenne, la classe modale (utiliser google pour trouver une définition de ce terme) et déterminer dans quelle classe se situe la médiane.

Si vous connaissez la méthode du polygone des effectifs (ou fréquences) cumulées croissantes, donner une approximation de la médiane. Dans le cas contraire aller sur une vidéo explicative : <https://www.youtube.com/watch?v=1_8UWd2lFis>

Si vous savez comment faire un histogramme , dessinez un qui représentera les données du tableau.

**Série 5**

|  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **réponses justes** | **4** | **5** | **6** | **7** | **8** | **9** | **10** |
| **effectif** | **2** | **0** | **7** | **14** | **11** | **5** | **1** |
| effectif cumulé |  |  |  |  |  |  |  |

Déterminer moyenne et médiane de la série

Exercices à finir pour l’heure 4

Correction en fin de document

**Heure 4**

Cours : indicateurs de dispersion

1. Caractéristiques de dispersion d’une série statistique
2. Étendue (Rappel)

Définition : L’**étendue** d’une série statistique est la différence entre la plus grande valeur et la plus petite valeur de la série.

Méthode : Calculer une étendue

Calculer l’étendue pour chaque série de notes de Jérôme, de Bertrand et de Julie.

*E(Jérôme)* = 18 – 4 =14 *E(Bertrand)* = 15 – 10 = 5

On considère que 10 est la plus petite valeur

*car « 3 » est négligeable dans la série de Bertrand.*

*On dit qu’on a* ***élagué*** *la série.*

*E(Julie)* = 15 – 9 = 6

L’étendue est une caractéristique de dispersion.

1. Quartiles, écart interquartile

Définitions :

Le **premier quartile** est la plus petite valeur de la série telle qu'au moins 25 % des autres valeurs de la série sont inférieures ou égales à cette valeur.

Le **troisième quartile** est la plus petite valeur de la série telle qu'au moins 75 % des autres valeurs de la série sont inférieures ou égales à cette valeur.

Définition : L'**écart interquartile** d'une série statistique de premier quartile *Q1* et de troisième quartile *Q3* est égal à la différence *Q3* - *Q1*.

Remarque :

L'écart interquartile d'une série mesure la dispersion autour de la médiane. Il contient au moins 50% des valeurs de la série.

L'écart interquartile n'est pas influencé par les valeurs extrêmes de la série.

Méthode : Calculer les quartiles

Calculer les quartiles pour chaque série de notes de Jérôme, de Bertrand et de Julie.

Pour déterminer les quartiles, il faut ordonner les séries.

Le premier quartile est la donnée de la série se trouvant au quart de l’effectif.

Le troisième quartile est la donnée de la série se trouvant au trois-quarts de l’effectif.

*Jérôme :* 4 6 7 12 12 17 18 18

x 8 = 2, le premier quartile est la 2e donnée de la série ordonnée.

x 8 = 6, le troisième quartile est la 6e donnée de la série ordonnée.

*Q1(Jérôme)*  = 6 *Q3(Jérôme)* = 17

L’écart interquartile est égal à *EQ(Jérôme)* = *Q3(Jérôme)* – *Q1(Jérôme)* = 17 – 6 = 11

*Bertrand :* 3 10 12 12 12 13 13 14 14 15

x 10 = 2.5, le premier quartile est la 3e donnée de la série ordonnée.

x 10 = 7.5, le troisième quartile est la 8e donnée de la série ordonnée.

*Q1(Bertrand)*  = 12 *Q3(Bertrand)* = 14

L’écart interquartile est égal à *EQ(Bertrand)* = *Q3(Bertrand)* – *Q1(Bertrand)* = 14 – 12 = 2

*Julie :* 9 10 10 11 12 12 13 14 15

x 9 = 2.25, le premier quartile est la 3e donnée de la série ordonnée.

x 9 = 6.75, le troisième quartile est la 7e donnée de la série ordonnée.

*Q1(Julie)*  = 10 *Q3(Julie)* = 13

L’écart interquartile est égal à *EQ(Julie)* = *Q3(Julie)* – *Q1(Julie)* = 13 – 10 = 3

Les quartiles sont des caractéristiques de dispersion.

1. Interprétations

*M(Jérôme)* = 11,8 *m(Jérôme)* = 12 *E(Jérôme)* = 14 *Q1(Jérôme)*  = 6

*Q3(Jérôme)* = 17 *EQ(Jérôme)* = 11

*M(Bertrand)* = 11,8 *m(Bertrand)* = 12,5 *E(Bertrand)* = 5 *Q1(Bertrand)*  = 12

*Q3(Bertrand)* = 14 *EQ(Bertrand)* = 2

*M(Julie)* ≈ 11,8 *m(Julie)* = 12 *E(Julie)* = 6 *Q1(Julie)*  = 10

*Q3(Julie)* = 13 *EQ(Julie)* = 3

Les moyennes sont environ égales et pourtant les notes ne se répartissent pas de la même manière autour de cette caractéristique de position. Les étendues sont très différentes.

Dire que Jérôme à une médiane égale à 12 signifie que Jérôme a obtenu autant de notes au-dessus de 12 que de notes en-dessous de 12.

Dire que le premier quartile de Bertrand est égal à 12 signifie qu’au moins un quart des notes de Bertrand sont inférieures à 12.

Dire que le troisième quartile de Julie est égal à 13 signifie qu’au moins trois quarts des notes de Julie sont inférieurs à 13.

L’écart interquartile de Jérôme est égal à 11 signifie qu’au moins 50% des notes de Jérôme sont comprises entre 6 et 17 (les quartiles).

Applications

**Exercice 1**

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| valeurs | 6 | 8 | 10 | 12 | 15 | 17 | 18 | 20 |
| Effectif | 1 | 3 | 5 | 10 | 18 | 16 | 9 | 1 |

1. Déterminer .
2. Donnez l’écart type, l’étendue et l’écart interquartile

**Exercice 2**

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  |  |  |  |  |  |  |
| valeurs | [10 ;13[ | [13 ;15[ | [15 ;17[ | [17 ;18[ | [18 ;20[ | [20 ;24[ |
| Effectif | 6 | 8 | 10 | 7 | 4 | 2 |
| Effectif cum |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |
| Hauteur de  rectangle (mm) |  |  |  |  |  |  |

1. Déterminer la classe médiane
2. Déterminer la moyenne.
3. Tracer le polygone des effectifs cumulés.
4. En supposant que les éléments sont répartis de manière régulière dans chaque classe, déterminer graphiquement la médiane et les deux quartiles.

**Exercice 3**

Donner médiane et quartiles de la série ci-dessous :

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| masse en grammes | 15 | 15,5 | 16 | 16,5 | 17 | 17,5 | 18 | 18,5 | 19 | 19,5 | 20 | 20,5 | 21 | 21,5 | 22 | total |
| nombre de truffes | 16 | 4 | 20 | 14 | 22 | 4 | 8 | 3 | 2 | 1 | 2 | 0 | 1 | 0 | 3 | 100 |
| effectif cumulé |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |

**Exercice 4**

Compléter le tableau et à l’aide d’un polygone de fréquences cumulées donner la médiane et les quartiles

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **taille (cm)** | [150;160[ | [160;170[ | [170;175[ | [175;180[ | [180;200[ |
| **effectifs** |  |  |  |  |  |
| **effectifs cumulées** | 4 | 28 | 41 | 55 | 63 |
| **fréquences** |  |  |  |  |  |
| **fréquences cumulées** |  |  |  |  |  |

Retour sur le cours

Tout particulièrement sur les histogrammes

On reprend un exercice début de chapitre :

1. Cas de pondération d’une série statistique
2. Série statistique

Tailles des élèves de 2nde5 en cm :

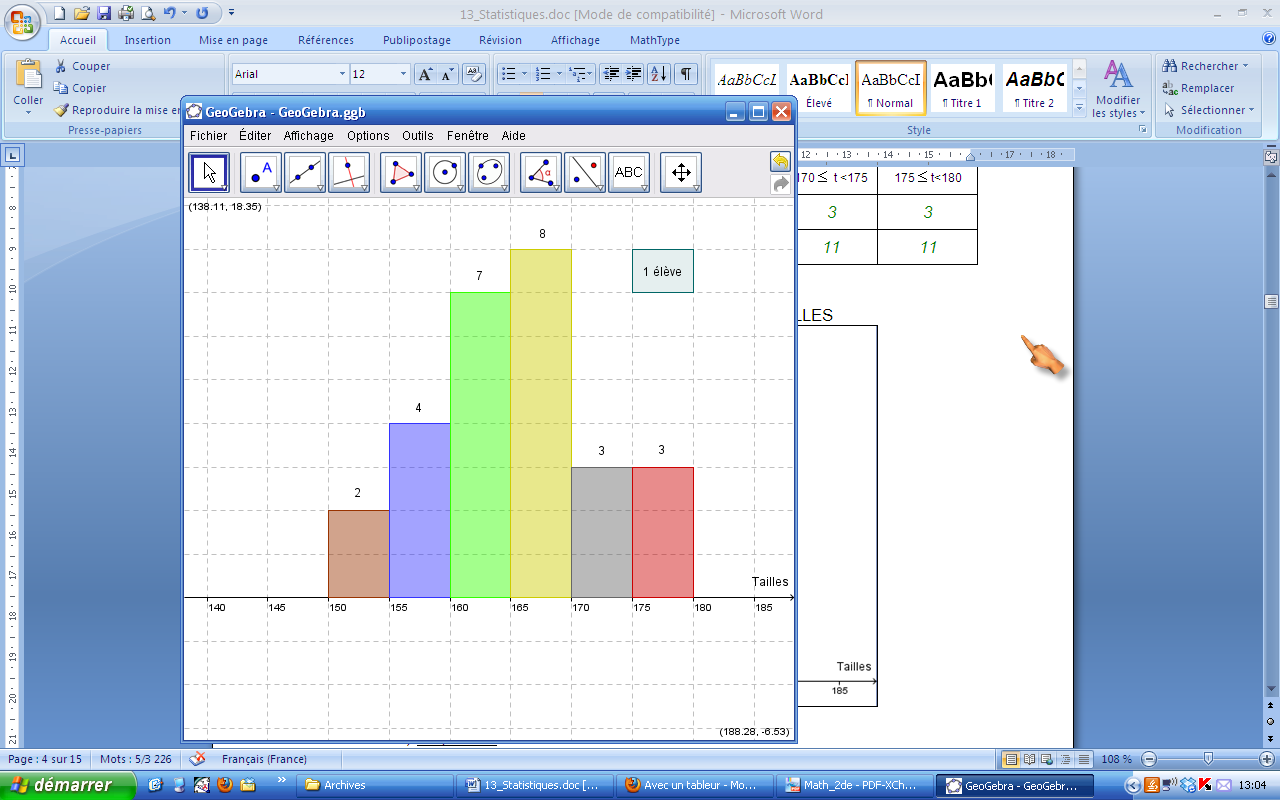
*174 – 160 – 161 – 166 – 177 – 172 – 157 – 175 – 162 – 169 – 160 – 165 – 170 – 152 – 168 – 156 – 163 – 167 – 169 – 158 – 164 – 151 – 162 – 166 – 156 – 165 – 179*

1. Regroupement par classe

Regrouper cette série de tailles par classes de longueur 5 cm et calculer les fréquences arrondies au centième :

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Tailles | 150 t < 155 | 155 t < 160 | 160 t < 165 | 165 t < 170 | 170 t < 175 | 175 t < 180 |
| Effectifs | *2* | *4* | *7* | *8* | *3* | *3* |
| Fréquences | *≈ 0,07* | *0,15* | *0,26* | *0,3* | *0,11* | *0,11* |

*L’effectif total est 27.*

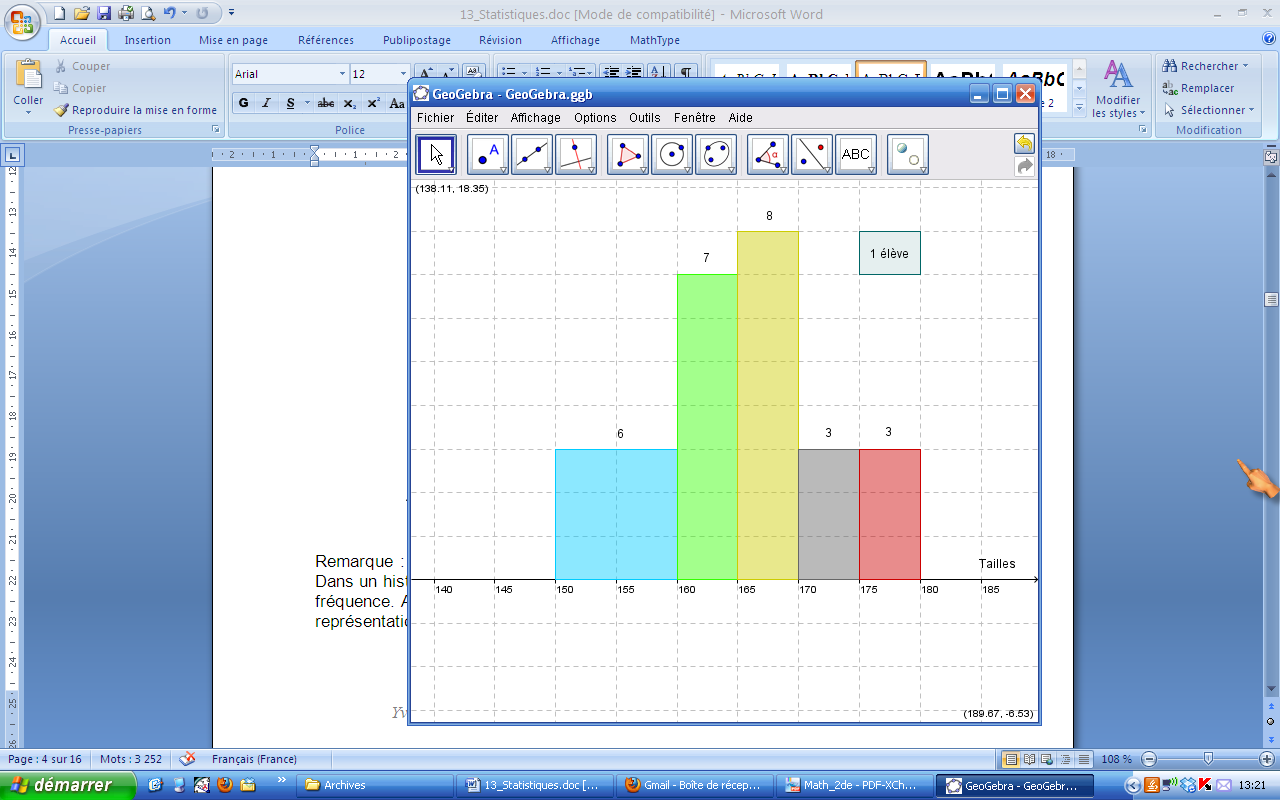


**HISTOGRAMME DES EFFECTIFS DES TAILLES**

Remarque :

Dans un histogramme, l’aire des rectangles est proportionnelle à l’effectif (ou à la fréquence).

Ainsi, dans l’exemple, en regroupant les deux premières classes, on obtiendrait la représentation suivante :



1. Moyenne pondérée

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Classes centrées *xi* | *152* | *157* | *162* | *167* | *172* | *177* |
| Effectifs *ni* | *2* | *4* | *7* | *8* | *3* | *3* |

Il s’agit d’un calcul de moyenne pondéré car des effectifs différents *ni* sont associés à chaque valeur *xi*.

Définition :

La **moyenne** d’une série statistique dont les valeurs sont *x1*, *x2* , …, *xk* et les effectifs correspondants *n1*, *n2*, …, *nk* est notée et est égale à ..

Ainsi dans l’exemple :

*= (2 x 152 + 4 x 157 + 7 x 162 + 8 x 167 + 3 x 172 + 3 x 177) : 27 = 4449 : 27*

≈ *164,8 cm*

Remarque : Calcul de la moyenne exacte

*(174 + 160 + 161 + 166 + 177 + 172 + 157+ 175 + 162 + 169 + 160 + 165 + 170 + 152 + 168 + 156 + 163 + 167+ 169 + 158 + 164 + 151 + 162 + 166+ 156 + 165 + 179) : 27*

*= 4444 : 27*  ≈ *164,6 cm*

La méthode de calcul de moyenne en centrant les classes est très fiable *(ici : 2 mm d’erreur)*

Entrainement

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  |  |  |  |  |  |  |
| valeurs | [16 ;17[ | [17 ;17,5[ | [17,5 ;18[ | [18 ;18,5[ | [18,5 ;19,5[ | [19,5 ;20,5[ |
| Effectif | 16 | 15 | 18 | 7 | 8 | 2 |
| Effectif cum |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |
| Hauteur de  rectangle (mm) |  |  |  |  |  |  |

**Exercice 5**

Dessiner l’histogramme associé à la série ci-contre

Correction des exercices

**Heure 1**

5P223

1. or donc l’équation a deux solutions et
2. ⬄ or donc l’équation n’aura pas de solution
3. ⬄ ⬄ donc l’équation aura une solution double : 0
4. ⬄ ⬄ or donc l’équation a deux solutions et .
5. ainsi Ou

⬄ ou ⬄ ou

1. ⬄ or donc ou ainsi

**6P223**



Résolvons , on obtient facilement ou , grâce à notre connaissance de la forme de la courbe de la fonction carré on peut en déduire que quand on est situé entre les racines autrement dit

1. ⬄

Version 1 : comme l’équation n’a pas de solution et vu la forme de la courbe on sait que est toujours positive donc toujours supérieure strictement à on aura donc jamais donc

Version 2 : les solutions seront donc les points de la courbe représentative de la fonction carrée étant sous la droite d’équation comme il n’y en a pas on aura

1. ⬄ il se trouve que donc aura deux solutions -3 et 3 , et donc les solutions recherchées à notre inéquation de départ sont les abscisses associés aux points de la courbe de la fonction carré au-dessus de l’horizontale d’équation , ce qui correspond aux points tels que ou
2. ⬄ les solutions recherchées sont les abscisses des points de la courbe de la fonction carré étant au-dessus de la droite d’équation , ce qui correspond aux points dont l’abscisse vérifie : et ainsi
3. ⬄ un carré n’étant jamais négatif cette inéquation n’aura pas de solution :
4. ⬄ ⬄ les solutions de cette inéquation sont les abscisses des points de la courbe représentative de la fonction carré étant sur ou audessus de la droite d’équation autrement dit tels que ou ainsi

Exercice 83P235

1. C’est faux : contre exemple si alors on a sans avoir
2. C’est faux : contre-exemple si alors donc on n’a pas alors que
3. C’est faux : si alors j’ai bien sans pour autant avoir
4. Si alors en multipliant par on aura or donc on aura :
5. C’est faux : contre-exemple en prenant j’ai bien sans avoir

**Exercice 7P223**

Pour répondre facilement à cet exercice il faut avoir une hyperbole sous les yeux et une règle pour tracer des droites horizontales.

1. a pour solution l’abscisse du point d’intersection entre l’hyperbole d’équation et la droite d’équation . (ça ne nous avance pas des masses). Sur on aura ⬄

1. a pour solutions l’abscisse des points de l’hyperbole d’équation strictement sous la droite d’équation or Sur on aura ⬄ ainsi les solutions seront les valeurs négatives supérieure strictement à  :
2. a pour solutions l’abscisse des points de l’hyperbole d’équation sur ou sous la droite d’équation or Sur on aura ⬄ ainsi les solutions seront les valeurs négatives et les positives supérieures à

**Exercice 86P235**

1. Vraie : C’est ma règle des signes dans un produit ou dans un quotient, un nombre strictement positif divisé par un strictement négatif c’est strictement négatif.
2. Vraie : Idem
3. Fausse : Si alors sur on aura : équation qui a deux solutions et . Donc 1 n’est pas la seule solution, ainsi la proposition est fausse.
4. Vraie : Si alors et donc
5. Faux : si alors or 2 n’est pas dans

**Exercice 87P236**

1. l’image de 1 c’est 1.

l’image de 4 c’est 1,75.

1. C’est la dernière :
2. ⬄ ⬄ ⬄
3. ⬄ ⬄ ⬄
4. ⬄ ⬄ ⬄ c’est impossible, il n’y a donc pas de solution

**Exercice 88P236**

On sait que si alors et il nous suffit de lire les valeurs de ou de pour en déduire la valeur de associée à la fonction considérée.

, et (c’est-à-dire que )

**Heure 2**

Exercice 9P223

1. Les solutions de sont les abscisses des points de la courbe de la fonction racine qui sont aussi strictement au-dessus de la droite d’équation . Elles vérifient . Ainsi
2. Les solutions de sont les abscisses des points de la courbe de la fonction racine qui sont aussi en-dessous de la droite d’équation . Elles vérifient . Ainsi
3. Les solutions de sont les abscisses des points de la courbe de la fonction racine qui sont aussi strictement en-dessous de la droite d’équation . Elles vérifient . Ainsi

Bonus 58P233

Correction expresse : juste la conclusion. Pour la justification suivre le modèle proposé pour l’exercice 9P223.

⬄ (une racine carrée est toujours positive)

⬄

Entrainement 8P223

La solution est l’abscisse du point d’intersection entre la courbe de la fonction cube et de la droite d’équation .

Les solutions sont les abscisses des points sur la courbe de la fonction cube étant strictement au-dessus de la droite d’équation

Les solutions sont les abscisses des points sur la courbe de la fonction cube étant sous la droite d’équation

Exercice 60P233

1. On sait que donc d’après le tableau A<B
2. On sait que donc d’après le tableau A>B
3. 3 et -3 sont de part et d’autre de 0 donc on ne peut utiliser le tableau, par contre on sait que deux nombres opposés ont le même carré ainsi A=B.
4. c’est l’opposé du carré de 6 et est positif c’est le carré de l’opposé ainsi .

Exercice 61P233

1. donc l’après le tableau
2. donc l’après le tableau
3. ainsi donc
4. donc .

Exercice 62P233

1.a. donc quand on utilise la fonction inverse on aura c’est-à-dire

b. si on retranche 2 dans tous les membres on obtient : ⬄

2.a.

⬄ ⬄ ⬄

b.

⬄ ⬄ ⬄ ⬄

63P233

1.a.

Les aires des carrés de côté  et 2 sont respectivement et or donc d’après le tableau du cours .

b.

Aire du disque :

On sait que donc d’après ce que l’on sait sur la fonction carrée on aura :

multiplier par ne change pas l’ordre car

Ainsi et donc le disque ayant la plus grande aire est le second

**Heure 3**

**Série 1**

A la main :

Recherche de la médiane : je regarde donc la 18ème valeur c’est 19

**Série 2**

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **Valeur** | 115 | 100 | 75 | 35 | 22 | 10 |
| **effectif** | 100 | 80 | 75 | 65 | 120 | 35 |
| ***effectif cumulés croissants*** | *100* | *180* | *255* | *320* | *440* | *475* |

A la main :

Recherche de la médiane : je regarde donc la 238ème valeur c’est 75

**Série 3**

1) *seconde 4 23 élèves, moyenne 13,76086957;*

*la note de rang 6 est : 11,5 donc Q1 = 11,5 la médiane est de 15*

*la note de rang 18 est : 17 donc Q3 = 17 Etendue : 20 – 3,5 = 16,5*

*Seconde 14 33 élèves, moyenne 16,37878788 ; (33+1)/2 = 17 la médiane est de 17,5*

*la note de rang 9 est : 14,5 donc Q1 = 14,5*

*la note de rang 26 est : 14,5 donc Q3 = 19,5*

*Etendue : 20 – 3,5 = 16,5*

2)

Série 3

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **milieu de classe** | **Durée** | | | | | **effectif** | **effectif cumulé** | **fréq %** | **Fréq cum %** |
| 1100 | [ | 1000 | ; | 1200 | [ | 6 | 6 | 02,7 | 2,7 |
| 1250 | [ | 1200 | ; | 1300 | [ | 14 | 20 | 6,4 | 9,1 |
| 1350 | [ | 1300 | ; | 1400 | [ | 25 | 45 | 11,4 | 20,5 |
| 1450 | [ | 1400 | ; | 1500 | [ | 75 | 120 | 34,1 | 54,6 |
| 1550 | [ | 1500 | ; | 1600 | [ | 80 | 200 | 36,4 | 91 |
| 1650 | [ | 1600 | ; | 1700 | [ | 10 | 210 | 4,5 | 95,5 |
| 1750 | [ | 1700 | ; | 1800 | [ | 8 | 218 | 3,6 | 99,1 |
| 1950 | [ | 1800 | ; | 2100 | [ | 2 | 220 | 0,09 | 100 |

En traçant la courbe des effectifs cumulés croissants, on peut avoir une approximation de la médiane. Il suffit de chercher la durée telle que l’effectif soit égal à la moitié de l’effectif total. Ici on peut voir que la médiane devrait être d’à peu près 1480, mais ce n’est qu’une approximation (et grossière avec ça, vu l’épaisseur des traits)

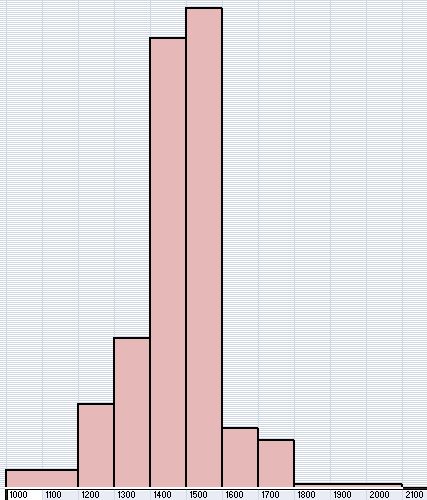
Pour la moyenne j’ai utilisé la formule :

**Médiane :**

L’effectif total est 220, .

La médiane sera donc la moyenne entre les valeurs n°110 et n°111

Ces deux valeurs sont dans la catégorie [1400 ;1500[ donc leur moyenne le sera aussi et donc la médiane est dans la classe

**Etendue** : 2100-1000 = 1100

**Classe modale :** c’est [1500 ;1600[ car cette classe a le plus grand effectif.

**Remarque :** pour que l’histogramme ai un sens il faut garder en tête que contrairement au diagramme en bâton, ce n’est pas la hauteur qui est proportionnelle à l’effectif (ou à la fréquence) , c’est l’aire qui est proportionnelle.et ici il faut être bien vigilant car toutes les barres n’ont pas la largeur. J’ai pris trois petits rectangles (dimensions : 100h et une unité) pour une personne.

Pour la première classe j’ai 6 personnes donc 18 rectangles, mais la largeur est de deux centaines, donc la hauteur sera de neuf. Pour la seconde classe j’ai 14 personnes donc 42 rectangles, la largeur sera d’une centaine donc la hauteur sera de 42 unités.

**Série 4**

|  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **réponses justes** | **4** | **5** | **6** | **7** | **8** | **9** | **10** |
| **effectif** | **2** | **0** | **7** | **14** | **11** | **5** | **1** |
| effectif cumulé | 2 | 2 | 9 | 23 | 34 | 39 | 40 |

1a)

b) pour la médiane :

l’effectif total est 40, cherchons le rang de la médiane

la médiane sera donc la moyenne entre la 20ème et la 21ème valeurs

il se trouve qu’elles valent toutes les deux 7 ainsi la médiane sera

**heure 4**

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| valeurs | 6 | 8 | 10 | 12 | 15 | 17 | 18 | 20 |
| Effectif | 1 | 3 | 5 | 10 | 18 | 16 | 9 | 1 |

**Exercice 1**

étendue=20-6=14 Ecart interquartile = 17-12=5

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Milieu de classe | 11,5 | 14 | 16 | 17,5 | 19 | 22 |
| valeurs | [10 ;13[ | [13 ;15[ | [15 ;17[ | [17 ;18[ | [18 ;20[ | [20 ;24[ |
| Effectif | 6 | 8 | 10 | 7 | 4 | 2 |
| Effectif cum | 6 | 14 | 24 | 31 | 35 | 37 |
|  | 2 | 4 | 5 | 7 | 2 | 0.5 |
| Hauteur de  rectangle (mm) | 40 | 80 | 100 | 140 | 40 | 10 |

**Exercice 2**

1. Déterminer la classe médiane

la 19ème valeur étant dans la classe [15 ;17[ celle-ci sera la classe médiane.

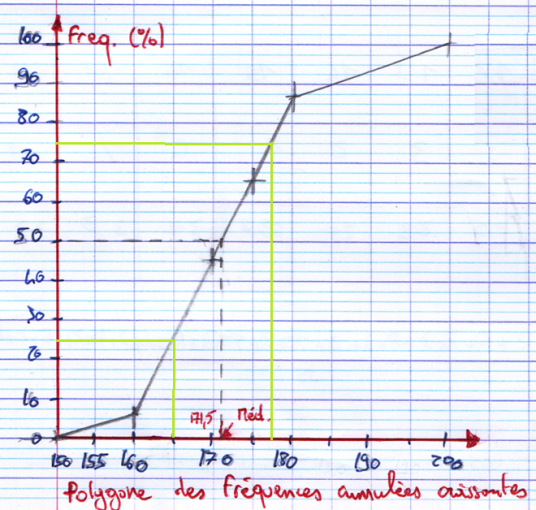
1. Tracer le polygone des effectifs cumulés.
2. En supposant que les éléments sont répartis de manière régulière dans chaque classe, déterminer graphiquement la médiane et les deux quartiles.

Exercice 3

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| masse en grammes | 15 | 15,5 | 16 | 16,5 | 17 | 17,5 | 18 | 18,5 | 19 | 19,5 | 20 | 20,5 | 21 | 21,5 | 22 | total |
| nombre de truffes | 16 | 4 | 20 | 14 | 22 | 4 | 8 | 3 | 2 | 1 | 2 | 0 | 1 | 0 | 3 | 100 |
| effectif cumulé | 16 | 20 | 40 | 54 | 76 | 80 | 88 | 91 | 93 | 94 | 96 | 96 | 97 | 97 | 100 |  |

donc je considère les truffes 50 et 51 elles ont pour masse 16,5g donc :

et donc les premiers et troisièmes quartiles sont donnés par les masses des truffes numéro 25 et 75 c’est-à-dire 16 et 17. Donc et

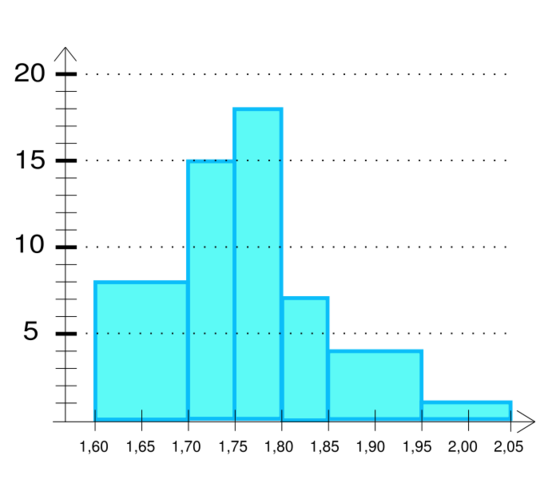


**Exercice 4**

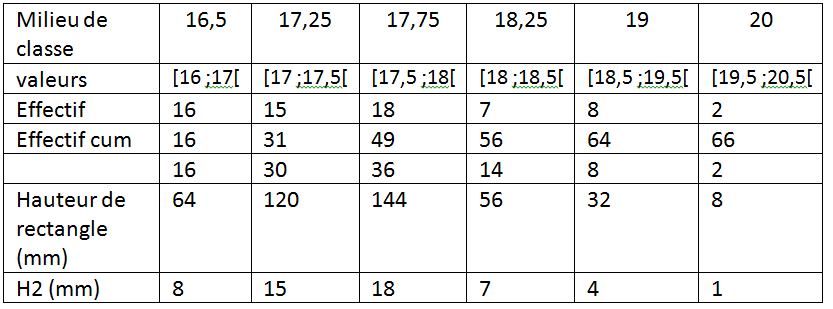
|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **taille (cm)** | [150;  160[ | [160;  170[ | [170;  175[ | [175;  180[ | [180;  200[ |
| **effectifs** | 4 | 24 | 13 | 14 | 8 |
| **effectifs cumulées** | 4 | 28 | 41 | 55 | 63 |
| **fréquences** | 6,4 | 38,1 | 20,6 | 22,2 | 12,7 |
| **fréquences cumulées** | 6,4 | 44,4 | 65,1 | 87,3 | 100 |

a) Pour trouver la médiane je peux assimiler chaque demi carreau à un individu et donc en considérant qu’il y a en tout 63 individus, la classe du sera la classe médiane. Ici le 32ème demi carreau est dans la classe ça sera donc la classe médiane.

b) pour trouver une approximation de la médiane je vais utiliser un polygone de fréquences cumulées croissantes, et l’on trouve une médiane d’environ 171,5 et des quartiles et valant environ et 177,5



Exercice 5

****